

**Campi Elettromagnetici – Proff. C. Capsoni, G. Gentili e C. Riva**  
**2a prova: 05-02-2005**

--	--	--	--	--

non scrivere nella zona soprastante

COGNOME E NOME \_\_\_\_\_

MATRICOLA \_\_\_\_\_

FIRMA \_\_\_\_\_

**Esercizio 1**

Dimensionare la linea (determinare il valore di  $w$ ) in figura 1 (di cui è mostrata la sezione trasversa) e calcolare la velocità di propagazione  $v$ , non tenendo in considerazione gli effetti di bordo e sapendo che:

$$\epsilon_{r1} = 2 \quad \epsilon_{r2} = 4 \quad h = 2 \text{ mm} \quad Z_c = 50 \, \Omega \quad f = 100 \text{ MHz}$$

Supponendo ora che i conduttori siano perfetti e che i dielettrici abbiano delle perdite (le stesse per entrambi), si determini la costante di attenuazione della linea  $\alpha$  in [dB/cm] nei due casi:

$$1) \sigma_d = 0 \text{ S/m} \quad 2) \sigma_d = 10^{-4} \text{ S/m} \quad (\sigma_d = \omega \epsilon_0 \epsilon_r \tan \delta_\epsilon)$$

Se la linea fosse stata come in figura 2, quali risultati sarebbero cambiati?

Figura 1

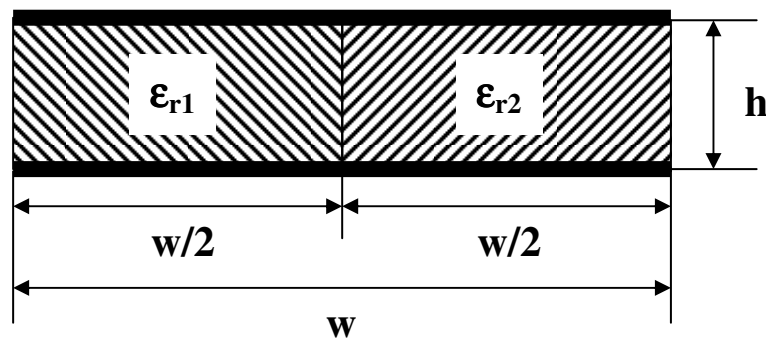
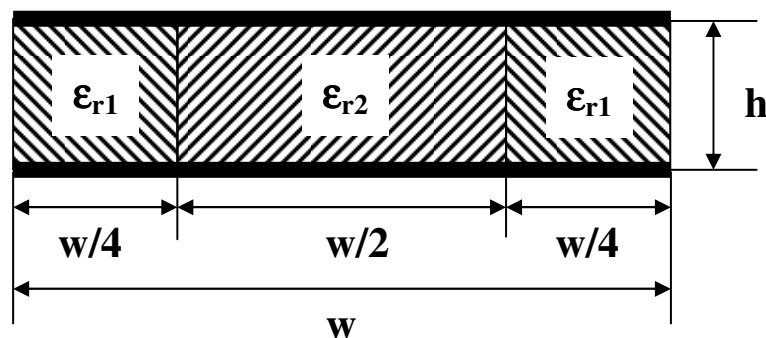


Figura 2

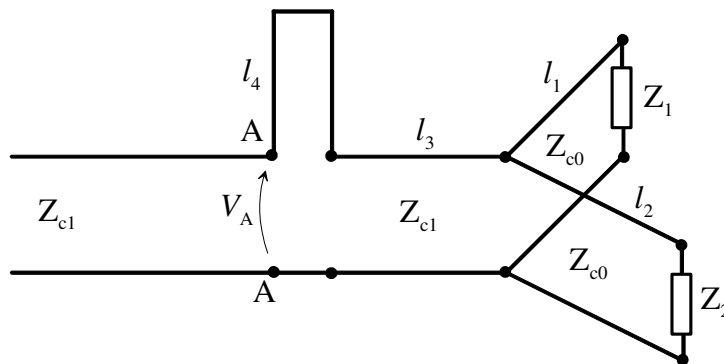


### Esercizio 2

Una linea coassiale di impedenza caratteristica  $Z_{c1}$ , alimentata da un generatore con potenza disponibile  $P_d = 100 \text{ W}$  e impedenza interna  $Z_{c1}$ , è collegata attraverso linee secondarie (rapporto  $b/a = k$  e  $\epsilon_r = 1$ ,  $Z_{c0} = 50 \Omega$ ) ad un sistema di carichi come in figura. La frequenza di lavoro è 100 MHz. Si calcoli:

- la lunghezza  $l_2$  tale che i due carichi  $Z_1$  e  $Z_2$  assorbano la stessa potenza;
- l'impedenza caratteristica  $Z_{c1}$ ;
- la lunghezza  $l_4$  della linea in corto circuito posta alla sezione AA (rapporto  $b/a = k$  e  $\epsilon_r = 2$ ) capace di annullare la parte immaginaria del carico (visto in AA);
- la potenza reale assorbita dalla rete.

Dati:  $f = 100 \text{ MHz}$ ,  $l_1 = 75 \text{ cm}$ ,  $l_3 = 3 \text{ m}$ ,  $Z_1 = 50 + j50 \text{ Ohm}$ ,  $Z_2 = 75 \text{ Ohm}$ .

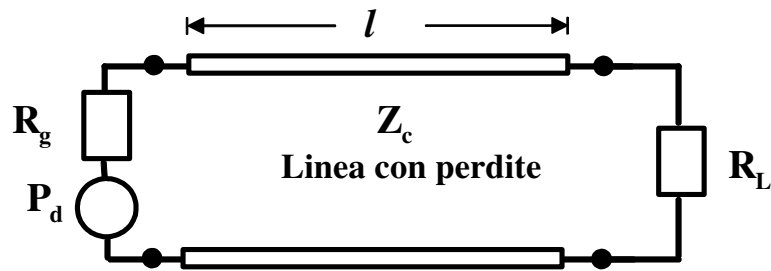


**Soluzione:**

### Esercizio 3

Sia dato un generatore avente frequenza di 150 MHz, impedenza interna  $R_g$  e potenza disponibile  $P_d = 10\text{W}$ , collegato ad un carico  $Z_L = 100 + j50\ \Omega$  attraverso una linea di trasmissione con perdite, avente impedenza caratteristica  $50\ \Omega$ ,  $\epsilon_r = 4$ , costante di attenuazione 25 dB/km e lunghezza  $l = 80\text{ m}$  (vedi figura). Si calcoli:

- la potenza erogata dal generatore se  $R_g = 75\ \Omega$ ;
- la potenza assorbita dal carico se  $R_g = 50\ \Omega$ .



**Soluzione:**

**Esercizio 4**

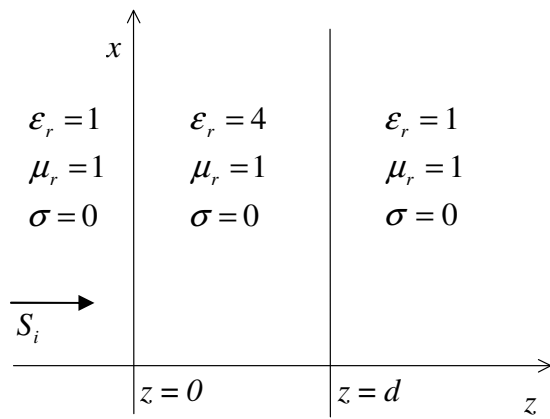
Un'onda piana si propaga in direzione  $x$  in un mezzo avente  $\mu_r = 1$ ,  $\varepsilon_r = 3$ ,  $\sigma = 0.01$  S/m. La frequenza dell'onda è di 300 MHz. Per  $x = 0$  il fasore campo elettrico è reale e vale 5 V/m. Si determini:

- a) il fasore campo magnetico per  $x = 0$  (modulo e fase);
- b) il fasore campo magnetico per  $x = 0.5$  m (modulo e fase);
- c) la densità di potenza (reale), per  $x = 0$ .
- d) la densità di potenza (reale), per  $x = 0.5$  m.

**Soluzione**

### Esercizio 5

Dato il multistrato di figura, si supponga che un'onda piana uniforme si propaghi nel mezzo 1 in direzione  $+z$  con densità di potenza  $S_i = 1 \text{ W/m}^2$  alla frequenza di 100 MHz. Calcolare il modulo del campo elettrico alla sezione  $z = d = 50 \text{ cm}$ .



**Soluzione:**